Cognome								
Nome								
Matricola				V	R			

## PROVA INTERMEDIA di MATEMATICA ${\it Vicenza, \, 07/11/2025}$

La prova consiste in 10 esercizi a risposta aperta e 5 domande di carattere teorico. Hai 45 minuti per completare la prova. Per ciascun quesito hai a disposizione un po' di spazio per riportare, oltre al risultato finale, **anche i passaggi essenziali**. La risposta pienamente corretta è quella in cui sono corretti sia il risultato sia il procedimento di soluzione.

Tutto lo svolgimento deve essere riportato su questo foglio. Ogni esercizio e ogni domanda teorica valgono 2 punti.

Esercizio 1. Si dica se (x+1) è un divisore di  $x^5 + x^3 + 2$ 

Esercizio 2. Riscrivere l'espressione  $\frac{e^x}{x} + \frac{x}{e^x}$  raccogliendo  $xe^x$  e semplificare

Esercizio 3. Risolvere l'equazione ln(x+1) + 2 = 0

Esercizio 4. Risolvere la disequazione  $x - \frac{3}{x} < 2$ 

Esercizio 5. Disegnare nel piano l'insieme delle soluzioni della disequazione x(y+1) < 0

Esercizio 6. Operando con le trasformazioni elementari, si disegni il grafico della funzione  $f(x) = 1 - \ln |x|$ 

Esercizio 7. Si trovi l'immagine dell'intervallo (-2,-1) attraverso la funzione  $f(x)=-\frac{1}{x}$ 

Esercizio 8. Si calcoli il 
$$\lim_{x\to 0^+} \frac{\ln x}{\ln(1-x)}$$

Esercizio 9. Si calcoli la derivata della funzione 
$$f(x) = \sqrt{x + \frac{1}{x}}$$

Esercizio 10. Si trovino i punti stazionari della funzione  $f(x) = x \ln x$ 

Domanda 1. Che cosa significa che una funzione è iniettiva?

Domanda 2. Che cosa si intende con controimmagine di un dato insieme attraverso una funzione f?

Domanda 3. Si enunci il teorema degli zeri.

Domanda 4. Se f è una funzione non derivabile, possiamo dire con certezza qualcosa sulla sua continuità?

DOMANDA 5. Si fornisca l'interpretazione geometrica della derivata.