Cognome								
Nome								
Matricola				V	R			

PROVA INTERMEDIA di MATEMATICA ${\it Vicenza, \, 07/11/2025}$

La prova consiste in 10 esercizi a risposta aperta e 5 domande di carattere teorico. Hai 45 minuti per completare la prova. Per ciascun quesito hai a disposizione un po' di spazio per riportare, oltre al risultato finale, **anche i passaggi essenziali**. La risposta pienamente corretta è quella in cui sono corretti sia il risultato sia il procedimento di soluzione.

Tutto lo svolgimento deve essere riportato su questo foglio. Ogni esercizio e ogni domanda teorica valgono 2 punti.

Esercizio 1. Si completi il quadrato nel polinomio $x^2 - \frac{1}{2}x + 1$

Esercizio 2. Riscrivere l'espressione $xe^x + \sqrt{x} e^{2x}$ raccogliendo $\sqrt{x} e^x$

Esercizio 3. Risolvere l'equazione $3 - 2\sqrt{x+1} = 0$

Esercizio 4. Risolvere la disequazione $x + \frac{3}{x} < 4$

Esercizio 5. Disegnare nel piano l'insieme delle soluzioni della disequazione $x^2 - y^2 > 0$

Esercizio 6. Operando con le trasformazioni elementari, si disegni il grafico della funzione $f(x) = 1 - e^{|x|}$

Esercizio 7. Si trovi l'immagine dell'intervallo $(\frac{1}{4},3)$ attraverso la funzione $f(x)=-\sqrt{x}$

Esercizio 8. Si calcoli il
$$\lim_{x\to 1^-} \frac{\ln(1-x)}{\ln x - 1}$$

Esercizio 9. Si calcoli la derivata della funzione $f(x) = xe^{1/x}$

ESERCIZIO 10. Si dica se la funzione $f(x) = x + \ln x$ ha punti stazionari.

Domanda 1. Che cosa significa che una funzione è pari?

Domanda 2. Che cosa si intende con controimmagine di un dato insieme attraverso una funzione f?

DOMANDA 3. Se f è continua nell'intervallo [a, b], che cosa si può dire dell'immagine attraverso f di [a, b]?

Domanda 4. Si commenti l'affermazione: se f è non derivabile, certamente f non è continua.

DOMANDA 5. Si scriva il limite del rapporto incrementale di $f(x) = x + \ln x$ nel punto $x_0 = 1$